## **CUADERNO DE VERANO.**

# MATEMÁTICAS 2º E.S.O.



Colegio de Educación Infantil, Primaria y Secundaria Obligatoria Los ejercicios complementarios de matemáticas, están divididos por temas. Puedes consultar en los apuntes y en las páginas del libro de texto correspondientes a cada uno de esos temas.

#### Tema 1

1. Representa en la recta numérica los siguientes números enteros:

-2 +1 -6 0 +4 -8 -12 +3 +9 -10 -1

- 2. Ordena de menor a mayor los números del ejercicio anterior.
- 3. Quita paréntesis y calcula el resultado:
  - a) (+3)+(+26)
  - b) (-12)+(+18)
  - c) (-14)+(+3)
  - d) (+8)-(+5)
  - e) (+7)-(+9)
  - f) (-18)-(-22)
  - g) (+7)+(-7)
  - h) (-2)-(-2)
- 4. Calcula:
  - a) 3 1 + 5 + 6 8 5 + 8
  - b) (+7)-(+5)+(-12)-(-8)+(+3)
  - c) 4 11
  - d) 12+8-13-7-6+3+7
  - e) (15-3)-(6+3)
  - f) (10-3+4)-(9-2+8)
  - g) 20-[4-(2-8)]
  - h) [(+2)-(-5)+(-3)]-[(+2)- (-12)]
- 5. Calcula los productos y cocientes de números enteros:
  - a) (-2)·(-3)
  - b) (+4)·(-7)
  - c) (-2)·(+3)·(-3)
  - d)  $(+1)\cdot(-3)\cdot(-1)\cdot(-2)$
  - e) (+20):(-2)
  - f) (-22):(-11):(-1)
- 6. Calcula:
  - a) 20 (4 13 + 5)

- b) 10 [3 (6 9)]
- c)  $(-4)\cdot(+2)+[(-2)+(-1)\cdot(4-6)]$
- d)  $6 + (3-6+5)\cdot 2 3\cdot (7-10+8)$
- e) (6-3-9): (6-12)
- f) -1+4-13+1-9
- g) (7-4+1)-(3-4+2)
- h)  $-3\cdot(6-1)+2\cdot[4-7\cdot(4-5)]:(4-5)$
- 7. Calcula las potencias de números enteros:
  - a)  $(-1)^{20}$
  - b) (-2)<sup>6</sup>
  - c) -2<sup>6</sup>
  - d)  $(-3)^3$
  - e)  $-3^3$
- 8. Escribe los cinco primeros múltiplos de:
  - a) 12
  - b) 7
  - c) 3
- 9. Escribe todos los divisores de:
  - a) 24
  - b) 50
  - c) 81
- 10. Descompón en factores primos los números:
  - a) 160
  - b) 1250
  - c) 225
  - d) 32
- 11.Calcula:
  - a) MCD(4, 10)
  - b) MCD(250, 320)
  - c) MCD(72, 108)
- 12.Calcula:
  - a) mcm(20, 30)
  - b) mcm(72, 108)
  - c) mcm(36, 12, 18)

- 13.Ordena de menor a mayor:
  - a) 0,027; 0,01; 0,009; 0,085; 0,0091; 0,00901
  - b) 1,8; 1,835; 1,84; 1,8035; 1,8349
- 14. Completa la tabla siguiente con las aproximaciones indicadas:

	A las décimas	A las centésimas	A las milésimas
8'3214			
2'9999			
12'1371			
1'0005			
0'00198			

- 15. Haz las transformaciones:
  - a) Expresa en segundos ("): 35º 41' 16"
  - b) Pasa a horas, minutos y segundos: 19723 s.
  - c) Pasa a º ' ": 65,25106º
  - d) Expresa en minutos: 5 h. 32 m. 189 s.
  - e) Expresa en horas: 13 h. 42 m. 51 s.

#### Tema 3

16. Escribe tres fracciones equivalentes a las dadas:

a) 
$$\frac{2}{3} = \frac{8}{12} = \frac{20}{30}$$

e) 
$$\frac{10}{4} = \frac{5}{2} = \frac{15}{12}$$

b) 
$$\frac{3}{4} =$$

f) 
$$\frac{20}{10}$$
 =

c) 
$$\frac{1}{5} =$$

g) 
$$\frac{15}{25}$$
 =

d) 
$$\frac{5}{2}$$

h) 
$$\frac{100}{75}$$
 =

17. Agrupa, entre las siguientes fracciones, las que sean equivalentes:

$$\frac{10}{5}, \frac{5}{7}, \frac{1}{3}, \frac{5}{15}, \frac{2}{3}, \frac{2}{6}, \frac{15}{21}$$

- 18. Simplifica las fracciones:
  - a)  $\frac{9}{12}$
  - b)  $\frac{30}{36}$
  - c)  $\frac{126}{180}$

- d)  $\frac{273}{546}$
- 19.Calcula:
  - a) Los  $\frac{1}{5}$  de 125.
  - b) Los  $\frac{5}{2}$  de 60.
  - c) Los  $\frac{20}{10}$  de 350.
- 20.Opera:
  - a)  $\frac{7}{2} + \frac{3}{5}$
  - b)  $2 \frac{4}{3} + \frac{2}{5} \frac{3}{15}$
  - c)  $\frac{(-3)}{4} \cdot \frac{5}{6}$
  - d)  $\frac{1}{5}:3$
  - e)  $\left(\frac{3}{4} \frac{1}{3}\right) \cdot \left(\frac{1}{6} + \frac{1}{3}\right)$
  - f)  $\left(\frac{1}{3} \frac{1}{2} + \frac{1}{4}\right) 2$

  - g)  $-2 \cdot \frac{(-3)}{4} \cdot \frac{5}{6}$ h)  $\left(\frac{1}{3} + \frac{5}{6}\right) \cdot \left(\frac{2}{5} \frac{1}{15}\right)$
  - i)  $3 + \frac{4}{3} \frac{1}{6}$
- 21. Transforma en fracción los números siguientes:
  - a) 0,005
  - b) 2,8
  - c) 123,1
  - d) 10,324
  - e) 1,012

22. Reduce las siguientes expresiones:

- a)  $(a^2 \cdot a^5) \cdot a$
- b) m<sup>8</sup>: m<sup>5</sup>
- c)  $(a^3)^3 \cdot a^5$
- d)  $(x^2)^3$
- e)  $(x^5: x^2) \cdot x^2$
- f)  $2^3 \cdot 2 \cdot 2^5$
- g)  $\frac{x^6 \cdot y^3}{x^2 \cdot y^2 \cdot x^3}$

#### Tema 4

23. Calcula x en las siguientes proporciones:

- a)  $\frac{10}{3} = \frac{5}{x}$
- b)  $\frac{x}{3} = \frac{5}{x}$
- c)  $\frac{14}{35} = \frac{x}{150}$
- d)  $\frac{x}{3} = \frac{25}{75}$
- e)  $\frac{7}{x} = \frac{20}{25}$

f)

- 24. Diez máquinas embotelladoras envasan 800 litros de agua en cinco horas. ¿Cuántos litros envasarán seis máquinas en dos horas y media?
- 25. Pedro trabajando cinco horas, monta tres muebles. ¿Cuántos muebles podrá montar Pedro durante veinte horas de trabajo?
- 26. Ayer, por cuatro horas de trabajo, Luis cobró 40 €. ¿Cuánto cobrará hoy, si trabaja desde las 10 de la mañana hasta las 2 de la tarde?
- 27. Alicante y Valencia distan 200 km. En un mapa, están a una distancia de 12 cm. ¿Cuál será la distancia real entre las dos ciudades que, en ese mismo mapa, están separadas 30 cm.?

#### Tema 5

28. Completa el hueco con el número que falte:

- a) 45 % de 3500 = \_\_\_\_\_
- b) 5 % de 240 = \_\_\_\_\_
- c) 10% de \_\_\_\_ = 327
- d) 3% de \_\_\_\_ = 2100

- 29.En una clase hay 10 alumnos a los que no le gusta el fútbol. Éstos representan al 20 % de la clase. ¿Cuántos alumnos tiene la clase?
- 30.El 18 % de los coches que circulan por Valencia tienen mas de 10 años. Si en Valencia hay 170000 coches, ¿Cuántos tienen mas de 10 años?
- 31.Un ordenador tiene un precio de 1250 € y una impresora un precio de 210 €. Si los rebajamos un 12 %. ¿Cuales son los nuevos precios?
- 32.He comprado en las rebajas un pantalón por 25 €. Si estaba rebajado un 18%, ¿Cuánto costaba antes de las rebajas?
- 33.Tres socios invierten 25000 €, 30000 € y 55000 €, respectivamente en un negocio. Al cabo de un año hay unos beneficios de 6250 €. ¿Cuánto se llevará cada uno?

#### Tema 6

- 34. Expresa en lenguaje algebraico:
  - a) El doble de un número, n, mas tres unidades.
  - b) El siguiente de un número natural, m.
  - c) El triple de la mitad de un número.
  - d) El área de un triángulo de base 1,3 m y altura x metros.
- 35. Reduce las expresiones siguientes:
  - a) x+x+x+3x
  - b) 3x+2x-x
  - c)  $a^2 + 3a^2$
  - d) 3x-2x+7
  - e) 10x-4x+2x
  - f)  $3a^2+5a-a^2-2a$
  - g)  $12x^2-3x+5x^2-7x+3$
- 39. Quita paréntesis y reduce:
  - a)  $5 \cdot (1+2x) 5$
  - b)  $3 \cdot (x-1) 2 \cdot (x+1)$
  - c)  $5x \cdot (2x+1) 4x \cdot (x-3)$
  - d)  $a^2b \cdot (1+a+b)$
- 40. Dados los polinomios
  - a) A(x) + B(x)
  - b) C(x) B(x)
  - c)  $A(x) \cdot B(x)$
  - d) A(x) + B(x) C(x)

, calcula:

41. Extrae factor común en las expresiones siguientes:

- a)
- b)
- c)
- d)

42.Desarrolla las siguientes expresiones:

- a)  $(x+4)^2$
- b) (x+4)(x-4)
- c)  $(x-7)^2$
- d)  $(2x-1)^2$
- e) (4x-2)(4x+2)
- f)  $(x^2+3)^2$
- g)  $(3x^3+2)(3x^3-2)$
- h)  $(5x+3)^2$

#### Tema 7

40. Resuelve las siguientes ecuaciones de primer grado

- a) x-15 = 3
- b) 10-x = 3
- c) 3x-12 = x+4
- d) 12x + 6 = 0
- e) -5x + 1 = x 4
- f) 2x + 5(x-1) = 5 + x
- g) 4(2-x)-7(2x+3) = 4-x
- h) x 7(x+1) = -5(x+3)
- i) 3-5(x+2) = 1 15(x+3)
- j) 2[x+3(x+1)] = 5x
- k) 12-2x+3x = 2(x-5)-5(x-2)
- 1) -2(x+3)+3[x-(x+1)-2x]=1
- m)  $\frac{x}{3} + 1 = 5x 2$
- n)  $\frac{x}{15} + x = \frac{2x}{5} + 10$
- o)  $x + \frac{x-3}{4} 1 = 0$
- p)  $1 + \frac{x-5}{5} \frac{1+x}{4} = -\frac{5+x}{4}$

41. Resuelve las siguientes ecuaciones de 2º grado completas:

a) 
$$x^2 - 2x - 3 = 0$$

b) 
$$x^2 - 12x + 36 = 0$$

c) 
$$2x^2 - 5x + 1 = 0$$

42.Las siguientes ecuaciones son de 2º grado incompletas. Resuélvelas.

a) 
$$6x^2 - 24 = 0$$

b) 
$$-3x^2 + 9 = 0$$

c) 
$$x^2 + 5x = 0$$

43.En el siguiente ejercicio hay ecuaciones de 2º grado de diversos tipos. Haz las transformaciones necesarias, y resuélvelas.

a) 
$$2x^2 = x + 1$$

b) 
$$x^2 + 3(x-2) = 0$$

c) 
$$x^2 - 3(x-10) = 40$$

d) 
$$5x^2 + 5(x-2) = 5x$$

e) 
$$x^2 - 1 = x$$

f) 
$$2 + (x-2)^2 = -100$$

g) 
$$x^2 + 4(x-2) = -2(4 + x)$$

h) 
$$(x+2)^2 - x = 3$$

i) 
$$x^2 + \frac{(x-2)}{3} = \frac{x}{6}$$

#### Tema 8

44. Resuelve los sistemas de ecuaciones siguientes (la solución, para que la compruebes, entre paréntesis) utilizando el método que creas conveniente:

a) 
$$\begin{cases} 2x + y = 8 \\ x + 2y = 10 \end{cases}$$
 (x=2, y=4)

c) 
$$\begin{cases} 3x - y = 1 \\ 2x + y = 9 \end{cases}$$
 (x=2, y=5)

e) 
$$\begin{cases} 5x - 2y = 14 \\ 2x + 3y = -2 \end{cases}$$
 (x=2, y=-2)

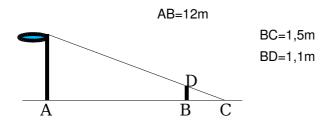
g) 
$$\begin{cases} 3x + 4y = 16 \\ 5x + 2y = 31 \end{cases}$$
 (x=7, y= -2)

i) 
$$\begin{cases} 2x + y = 7 \\ 2x - y = -5 \end{cases}$$
 (x=1/2, y=6)

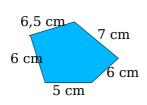
k) 
$$\begin{cases} x + y = 5 \\ x - y = 1 \end{cases}$$
 (x=3, y=2)

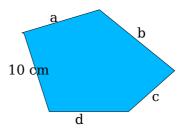
Tema 9

45. Calcula la altura de la farola, aplicando semejanza de triángulos:

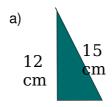


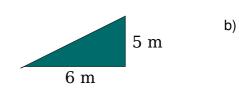
- 46. Calcula la altura de un edificio que proyecta una sombra de 35 m en el momento en que una persona de 1,50 m proyecta una sombra de 2,10 m.
- 47. Encuentra los lados desconocidos en las siguientes figuras: [1 pto]



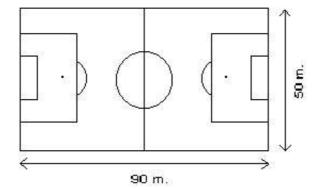


48. Calcula el lado desconocido en los siguientes triángulos rectángulos:

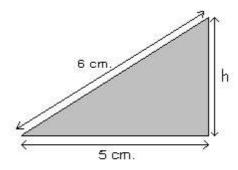




- 49.¿Cuánto mide la hipotenusa de un triángulo rectángulo cuyos catetos mayor y menor miden respectivamente 6 cm. y 5 cm?
- 50.¿Cuántos metros mide la diagonal del campo de fútbol de Los Silos?



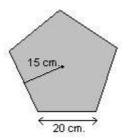
51. ¿Cuánto vale la altura del siguiente triángulo rectángulo?



52. Una escalera de 5 metros de longitud está apoyada en una pared. El pie de la escalera está a una distancia de 3 metros de la base de la pared. ¿A qué altura en la pared está apoyada la parte superior de la escalera? (Dibuja la situación y resuélvela)

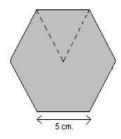
### Tema: Geometría Plana y volumen

- 53. Calcula el área y el perímetro de las siguientes figuras:
  - a) Un rectángulo de lados 2 cm. y 8cm.
  - b) Un pentágono regular con unas medidas como el siguiente:

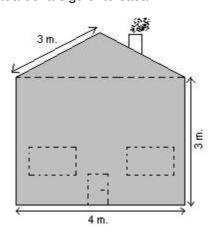


54. Calcula el área y el perímetro de los siguientes polígonos:

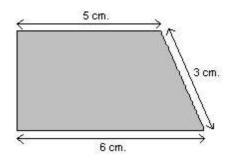
- a) Un cuadrado de 120 cm. de lado.
- b) Un hexágono de lado 6 cm y apotema 5'19 cm.
- 55. Tienes que alicatar una pared con azulejos. Cada caja de azulejos contiene una cantidad suficiente para cubrir 2 m² de pared. Si la pared a alicatar mide 5 metros de ancha y 3 metros de alta, ¿Cuántas cajas de azulejos debes comprar?
- 56. Calcula el área y el perímetro del siguiente hexágono regular:



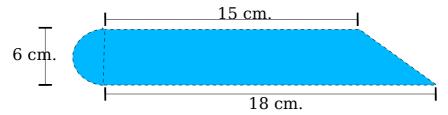
- 57.¿Cuál es el área y el perímetro de un triángulo equilátero de 12 cm. de lado?
- 58. Calcula el área que tiene la fachada de la siguiente casa:



59.¿Cuánto valen el área y el perímetro del trapecio siguiente? :



- 60. Queremos vallar un corral circular de 3 m. de radio. ¿Cuántos metros de valla nos harán falta?
- 61. Calcula el perímetro y el área de la siguiente figura:



- 62. Calcula el volumen de los cuerpos siguientes:
  - a) Una esfera de radio=5 metros.
  - b) Un prisma de 15 cm de altura y base hexagonal regular, cuyo lado mide 4 cm.
  - c) Un cono de altura 4 metros y cuya base mide 1 metro diámetro.
- 63. Tenemos una pecera en forma de caja. Las medidas son: 60 cm x 45 cm. x 50 cm. Está llena de agua. ¿Cuál será la medida mínima que ha de tener un colador para que si se cae dentro no se sumerja en su totalidad?
- 64. Observa la siguiente figura, y calcula:
  - a) La superficie que tiene.
  - b) El volumen que encierra.

#### **Tema: Funciones**

65. Dibuja unos ejes coordenados y representa los puntos:

A(0, 2)

B(4, 7)

C(4, 1)

D(1, 0)

E(0, 1)

F(6, 1)

G(6, 0)

66. Representa las siguientes funciones:

a) y = 2x

b) y = -3x + 2

c)

d)

- 67. Representa las siguientes funciones, obteniendo previamente una tabla de valores:
  - a)
  - b)